

2020 年硕士学位研究生入学考试试题

科目代码：614

科目名称：普通物理（A）

满分：150 分

注意：①认真阅读答题纸上的注意事项；②所有答案必须写在答题纸上，写在本试题纸或草稿纸上均无效；③本试题纸须随答题纸一起装入试题袋中交回！

一、填空题（每空 2 分，共 30 分）

1、一质点作圆周运动，设半径为 R ，运动方程为 $s = v_0 t + bt^2$ ，其中 S 为弧长， v_0 为初速， b 为常数。则：任一时刻 t 质点的切向加速度为 (1)，总加速度为 (2)。

2、有一人造地球卫星，其质量为 m ，在地球表面上空 4 倍于地球半径 R 的高度沿圆轨道运行，用 m 、 R 、引力常数 G 和地球的质量 M 表示，则：卫星的动能为 (3)；卫星的引力势能为 (4)。

3、一质点作简谐振动，振幅为 6 厘米，周期为 $T = 0.2\text{s}$ 。 $t=0\text{s}$ 时刻它在 $x_0 = -3$ 厘米处，且向 x 轴正方向运动，则该质点的振动方程为 (5)。

4、有 2 mol 的刚性双原子分子理想气体，在等压膨胀过程中对外作功为 A ，则其温度变化为 $\Delta T = \underline{(6)}$ 。

5、一个原来不带电的导体球外有一带电量为 q 的点电荷，如图 1 所示，已知该点电荷到球心 O 的矢径为 \vec{r} ，则静电平衡时，该导体球的电势 $V = \underline{(7)}$ ；导体球上的感应电荷产生的电场在球心处的电势 $V' = \underline{(8)}$ 。

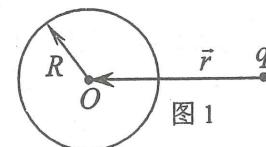


图 1

6、一载流导线弯成如图 2 形状，电流由无限远处流来，又流向无限远处。则圆心 O 点的磁感应强度大小为 (9)。

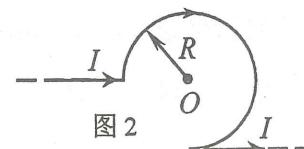


图 2

7、杨氏双缝干涉实验中， $2a=0.5\text{mm}$ ，在距离双缝为 25cm 的屏上观察。若光源由波长为 400nm 的单色光，则干涉条纹间距为 (10)。

8、一束波长为 $\lambda = 500\text{nm}$ 的单色平行光，垂直照射在一个单缝上。如果所用单缝的宽度 $a=0.5\text{mm}$ ，在其缝后紧挨着放置一焦距为 $f=1\text{m}$ 的薄凸透镜。则其中央明纹的宽度为 (11)。

9、当一束强度为 I_0 的自然光垂直入射到两块平行放置且偏振化方向夹角为 30° 的偏振片上，则透射光的强度为 (12)。

10、一静质量为 m_0 ，半径为 R 的圆盘，若沿其一直径方向以速度 $0.6c$ (c 为真空光速) 相对地面运动。则地面上测得其运动质量为 (13)，面积为 (14)。

11、根据爱因斯坦的光子假说，频率为 ν 的光入射到某金属上，若单位时间内垂直光传播方向上单位面积内通过的光子数为 N ，则能流密度 $S = \underline{(15)}$ 。

计算题（共 120 分）

二、(10 分) 质量 m 子弹，以初速度 v_0 打入厚塑料板，其所受到阻力与速度成正比而反向，即 $f = -kv$ (k 为正的常数)，则：(1) 速度与时间的关系式是什么？(2) 子弹进入得最大深度为多少？

三、(10 分) 水平桌面上，长为 L ，质量为 m_1 的匀质细杆，一端固定于 O 点，细杆可绕经过 O 点的轴在水平桌面上转动。现有一质量为 m_2 ，速度为 v_0 的小球垂直撞击细杆的另一端，撞击后粘在 m_1 上与 m_1 一起转动（如图 3 所示），试求：

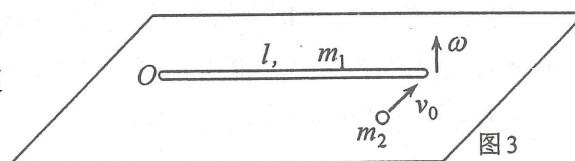


图 3

- (1) 撞击后杆的角速度大小；
- (2) 撞击过程中的能量损失。

四、(10分) 已知: 如图4所示, 轻弹簧的劲度系数为 k , 定滑轮的半径为 R , 转动惯量为 I , 物体的质量为 m 。试求:

(1) 系统的振动周期; (2) 当将 m 托至弹簧原长并释放时, 求 m 的运动方程 (以向下为正方向)。

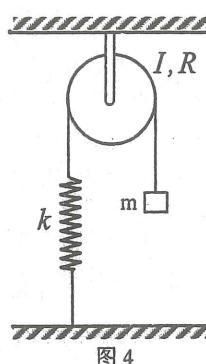


图4

五、(10分) 同一介质中的两相干波源B、C, 如图5所示, 相距 $30m$, 它们的振幅相同, 且均为 A , 波源B的初相为 π , 波源C的初相为 0 , 频率均为 $100Hz$, 波速为 $u=400m/s$ 。试求: (1) 在BC间距离B点 x 处两波源各自引起的分振动方程; (2) BC间发生因干涉相消的各点的位置。

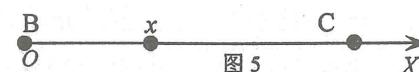


图5

六、(10分) 一定量的理想气体, 其循环过程如图6所示。ca为等温线, 试证明:

$$\eta = \left(1 - \frac{1}{\gamma}\right) \left[1 - \frac{\ln \frac{V_2}{V_1}}{\frac{V_2}{V_1} - 1}\right], \text{ 式中, } \gamma \text{ 为比热容比。}$$

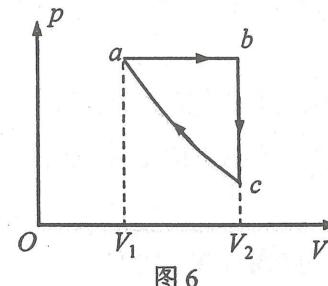


图6

七、(10分) 半径为 R 的带电球体, 其电荷体密度为 $\rho = \begin{cases} \frac{qr}{\pi R^4} & (r \leq R) \\ 0 & (r > R) \end{cases}$ 。试求:

(1) 带电体的总电量; (2) 球内、外的电场强度; (3) 球内、外的电势。

八、(10分) 半径为 R 的半圆形闭合线圈共有 N 匝, 通有电流 I , 线圈放在均匀外磁场 B 中, B 的方向与线圈的法向成 60° 角 (如图7所示), 求:

- (1) 线圈磁矩的大小和方向;
- (2) 此时线圈所受的磁力矩;
- (3) 从该位置转到平衡位置时, 磁力矩所做的功。

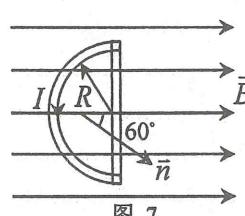


图7

九、(10分) 两块长 $10cm$ 平玻片, 一端接触, 另一端被直径为 $0.03cm$ 的金属丝所分开。用 $\lambda = 600nm$ 的光垂直照射到平玻片上, 试求: (1) 玻璃片上出现的明纹数; (2) 相邻的两暗纹之间的距离。

十、(10分) 光栅每厘米有 2500 条狭缝, 刻痕宽度 b 是缝宽 a 的 3 倍。若波长 $\lambda = 500nm$ 的单色平行光垂直入射到该光栅上, 试求: (1) 光栅常数; (2) 在单缝衍射中央明纹区内, 最多可见多少条主极大明纹? (3) 第一级主极大明纹的衍射角 (用弧度表示)。

十一、(10分) 从铝中移出一个电子需要 $4.2eV$ 的能量。今有波长为 $200nm$ 的光投射到铝表面。试求: (1) 由此发射出来的光电子的最大动能是多少? (2) 遏止电压多大? (3) 铝的截止波长有多大?

十二、(10分) 动能为 $2eV$ 的电子, 从无穷远处向着静止的质子运动, 最后被质子所俘获形成基态的氢原子。试求: (1) 在此过程中放出光子的能量; (2) 在此过程中放出的光子的波长; (3) 此时, 氢原子体系的能量; (4) 此时电子绕质子运动的动能; (5) 此时电子的德布罗意波长 λ 。

十三、(10分) 一导线矩形框的平面与磁感强度为 B 的均匀磁场相垂直。在矩形框上, 有一质量 m , 长为 l , 可移动的细导体棒 MN, 矩形框还接有一个电阻 R , 其值较之导线的电阻值要大得多。

若开始时, 细导体棒以速度 v_0 , 沿如图8所示的矩形框运动。试求: (1) 棒中的感应电动势; (2) 棒所受的安培力; (3) 棒的速率随时间变化的函数关系;

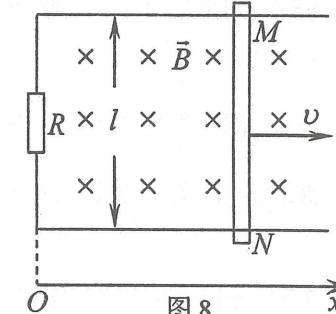


图8

(4) 棒移动的距离随时间变化的函数关系; (5) 棒能移动的最大距离; (6) 从棒开始运动到任意 t 时刻回路中所产生的焦耳热。

附常用物理常数

普适气体恒量 $R = 8.31 J/mol \cdot K$

玻耳兹曼常数 $k = 1.38 \times 10^{-23} J/K$

电子静止质量 $m_0 = 9.1 \times 10^{-31} (Kg)$

电子电量 $e = 1.6 \times 10^{-19} (C)$

普朗克常数 $h = 6.626 \times 10^{-34} (J \cdot s)$

真空中光速 $c = 3 \times 10^8 (m/s)$

维恩位移常数 $b = 2.897 \times 10^{-3} (m \cdot K)$

斯特藩常数 $\sigma = 5.67 \times 10^{-8} (W \cdot m^{-2} \cdot K^{-4})$